# Informatique du programme de colle
# Première quinzaine

10 points sur 20 seront dédiés à l'informatique pour cette première colle.
Il sera posé :

1. Deux questions de cours sur les parties : préambule + parties 1., 2.,3. sauf les fonctions rank, et spec du 3.c) + partie 5. a), b) et c) du polycopié intitulé "Fiche commandes exigibles informatique" : question de cours du type : que fait la commande `size(M)` ?, que fait la commande `rand()` ? que fait la commande `grand(1,10,'bin',10,1/3)` ?...
   +

2. Un programme informatique. Il devra ressembler fortement à l'un des 7 programmes décrits ci-dessous :

## Liste des programmes exigibles :

1. Définir en Scilab la fonction $g$ définie par $g(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x}-1}{x} & \text{si } x \neq 0 \\ 1 & \text{sinon} \end{cases}$.

   *Corrigé :*

```
function y=g(x)
   if x<>0 then
       y=(sqrt(x)-1)/x
   else
       y=1
   end
endfunction
```

2. Soit la suite $(u_n)$ définie par $u_0 = 20$ et $\forall n \in \mathbb{N}$, $u_{n+1} = \ln(u_n^2)$.
   (a) Ecrire un programme qui, étant donné $n$, calcule et affiche la valeur de $u_n$.

   *Corrigé :*

```
n=input('Entrer n:')
u=20
for k=1:n do
      u=log(u^2)
end
disp(u)
```

   (b) Ecrire un programme qui calcule et affiche le premier rang $N$ tel que $u_N < 0$.

   *Corrigé :*

```
u=20
n=0
while u>=0 do
      u=log(u^2)
      n=n+1
end
disp(n)
```

3. Soit $X$ une variable aléatoire telle que $X(\Omega) = \{0, 1, 2\}$ et $P(X = 0) = \frac{1}{2}$, $P(X = 1) = \frac{1}{3}$ et $P(X = 2) = \frac{1}{6}$. Ecrire une fonction `simul_X` qui simule la variable $X$ et affiche la réalisation $x$ obtenue.

   *Corrigé :*

```
function x=simul_X()
   if ............. then
       x=0
   elseif .............    .....
       x=1
   ...................
       x=2
   end
endfunction
```

4. Ecrire une fonction `simul_X` qui effectue 100 lancers d'un dé équilibré et affiche le nombre X de faces $n^o$ 1 obtenues.

   *Corrigé :*

```
function x=simul_X()
   x=....
   for k=1:100 do
       if ............................. then
             ................
       end
   end
endfunction
```

5. On considère une pièce truquée pour laquelle la probabilité d'obtenir pile est égale à $\frac{1}{4}$.
   Ecrire une fonction `simul_X` qui effectue une succession de lancers de cette pièce et affiche le rang X d'apparition du premier pile (nombre de lancers nécessaires à l'obtention du premier pile)

   *Corrigé :*

```
function x=simul_X()
   x=....
   while ............... do
      ..................
   end
endfunction
```

6. Soit $A = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$ et $B = \begin{pmatrix} 2 & 2 \\ 2 & 2 \end{pmatrix}$. Ecrire un programme qui définit les matrices $A$ et $B$ (en utilisant "ones" , "zeros" et "eye" ) puis remplace les 2 dernières colonnes de $A$ par la matrice $B$.

   *Corrigé :*

```
A= [zeros(2,2), eye(2,2)]
B=2*ones(2,2)
A(:,3:4) =B
```